# Hastighedsfunktioner

Ligesom vi med den afledede funktion kunne beskrive væksthastigheden af i forhold til så har vi også et redskab til at beskrive hvordan en vektorfunktion som den nedenfor vokser.

Vi indfører til det en ny vektorfunktion eller som vi kalder *hastighedsfunktionen* og den er givet ved

Funktionsværdien til en bestemt -værdi kalder vi for *hastighedsvektoren.* Den beskriver væksthastigheden af i forhold til og væksthastigheden af i forhold til og dermed indirekte væksthastigheden af i forhold til .

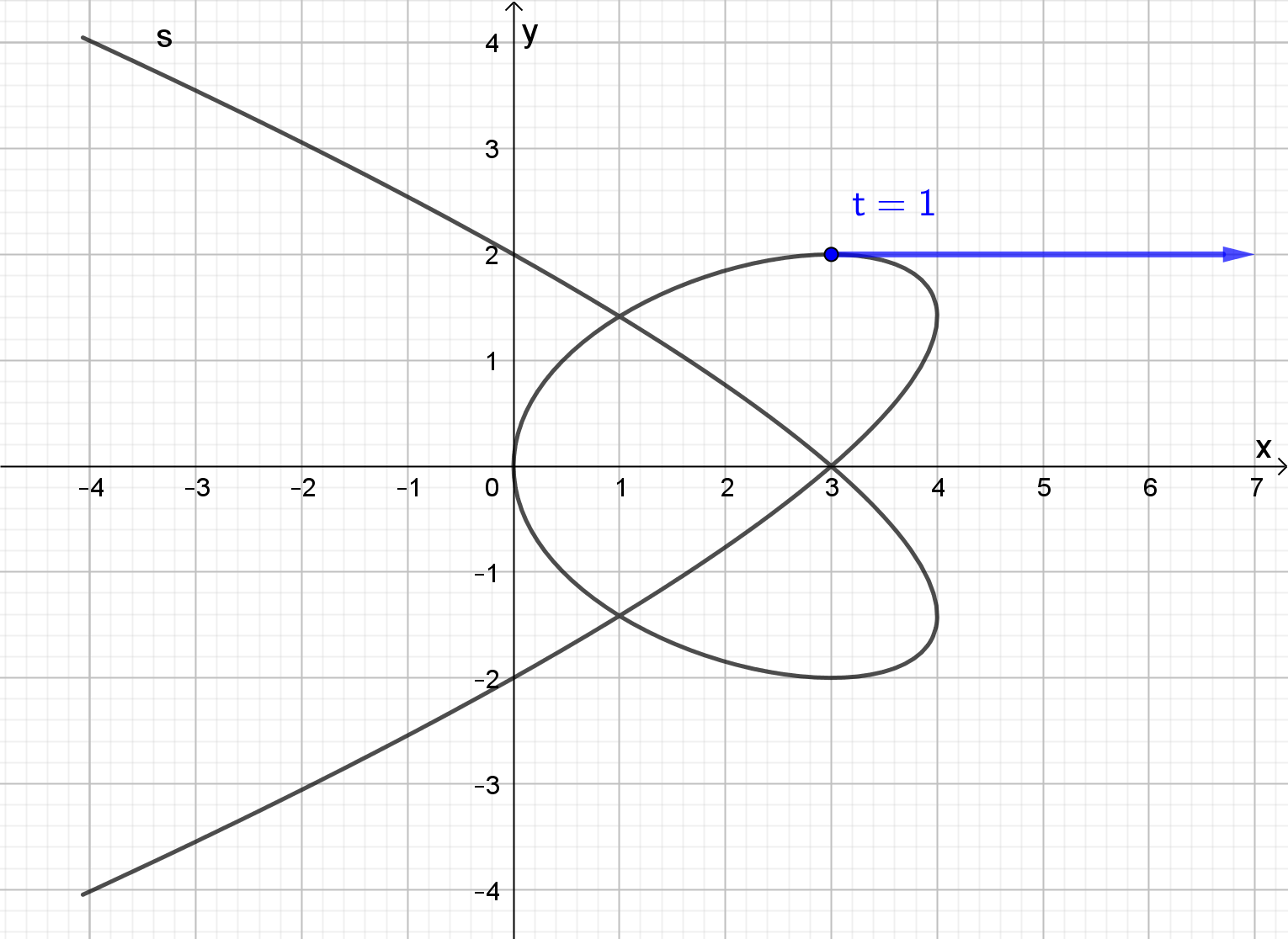
Lad os se på et eksempel:

Hastighedsfunktionen er givet ved

Ved har vi stedvektoren

og hastighedsvektoren

Dvs. her er og og i dette punkt vokser med når vokser med og er konstant. Det betyder også at væksthastigheden af i forhold til er i dette punkt. På banekurven for kan vi illustrere situationen:



### Opgave 1

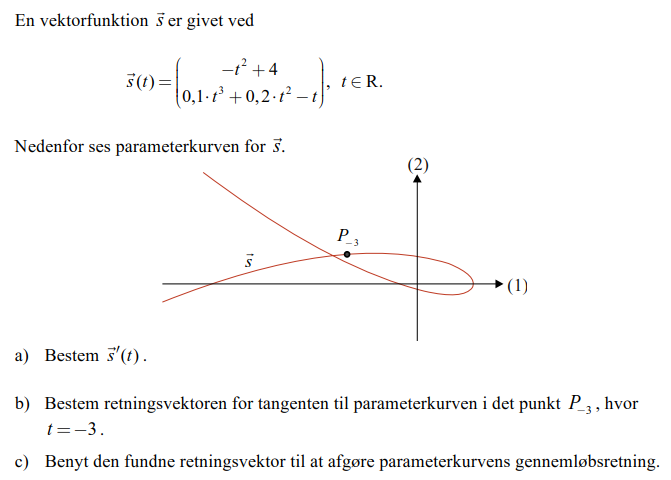
En kanonkugles position kan beskrives ved vektorfunktionen:

hvor beskriver tiden i sek. efter affyring af kanonen, og og beskriver hhv. kanonkuglens vandrette og lodrette position i meter.

1. Tegn banekurven for i GeoGebra.
2. Bestem hastighedsfunktionen for i hånden.
3. Bestem hastighedsvektoren for når og tegn den ind på banekurven for .
4. Bestem når hastighedsvektoren er vandret vha. Maple.   
   Bestem efterfølgende koordinaterne til punktet hvor det sker.
5. (Valgfri) Hvilken vinkel bliver kanon affyret med i forhold til vandret?   
   *Tip: brug hastighedsvektoren til tidspunktet .*

Ud fra det ovenstående kunne man få den idé at hastighedsvektoren er en retningsvektor til tangenten for banekurven. Dette viser sig generelt at være rigtigt, og dermed kan vi til eksemplet på første side lave en parameterfremstilling for tangenten ved vha. stedvektoren og hastighedsvektoren:

### Opgave 2

  
 d) Bestem koordinatsættet til det punkt på banekurven hvor hastighedsvektoren er lodret.

### Opgave 3

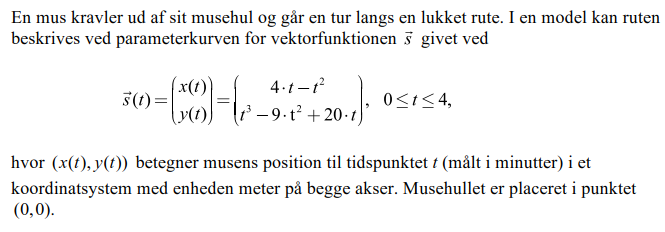
En vektorfunktion er givet ved

1. Bestem hastighedsfunktionen til .
2. Bestem koordinatsættet til de punkter på banekurven hvor tangenten er enten lodret eller vandret.

Man kan vise at og . Dermed har vi at parameterfremstillingen for tangenten til banekurven ved er givet ved

1. Bestem parameterfremstillingen for tangenten til banekurven ved .
2. Bestem den spidse vinkel mellem tangenterne til banekurven ved og i Maple vha. kommandoen vinkel.
3. (Valgfri) Bestem en ligning for tangenten til banekurven ved .
4. (Valgfri) Bestem skæringspunktet mellem tangenterne til banekurven ved og .

### Opgave 4



1. Tegn musens rute i GeoGebra.
2. Bestem i hånden.  
   *Tip: .*

Her er et eksempel på hvordan man bl.a. bestemmer i Maple: Et billede, der indeholder tekst, diagram, linje/række, Kurve

Automatisk genereret beskrivelse

1. Fortolk tallet i forhold til modellen.
2. Bestem den -værdi hvor funktionen har sit maksimum.
3. Bestem det tilhørende punkt på banekurven for og fortolk resultatet.
4. Bestem og fortolk tallet i forhold til modellen.

kaldes musens *fart* til tidspunktet og funktionen beskriver generelt musens fart.

1. Bestem det tidspunkt hvor musens fart er mindst.