# Grafisk løsning

Lad være en løsning til en differentialligning. Så er et *linjeelement* til differentialligningen et kort linjestykke som går gennem et punkt og har hældningen , dvs. et linjeelement er et kort stykke af tangenten til i . Et linjeelement noteres således:   
Dvs. hvis vi f.eks. har differentialligningen , så er linjeelementet i givet ved idet

og det fortæller os at en løsning til differentialligningen som går gennem har tangenthældningen i dette punkt, se figuren nederst.

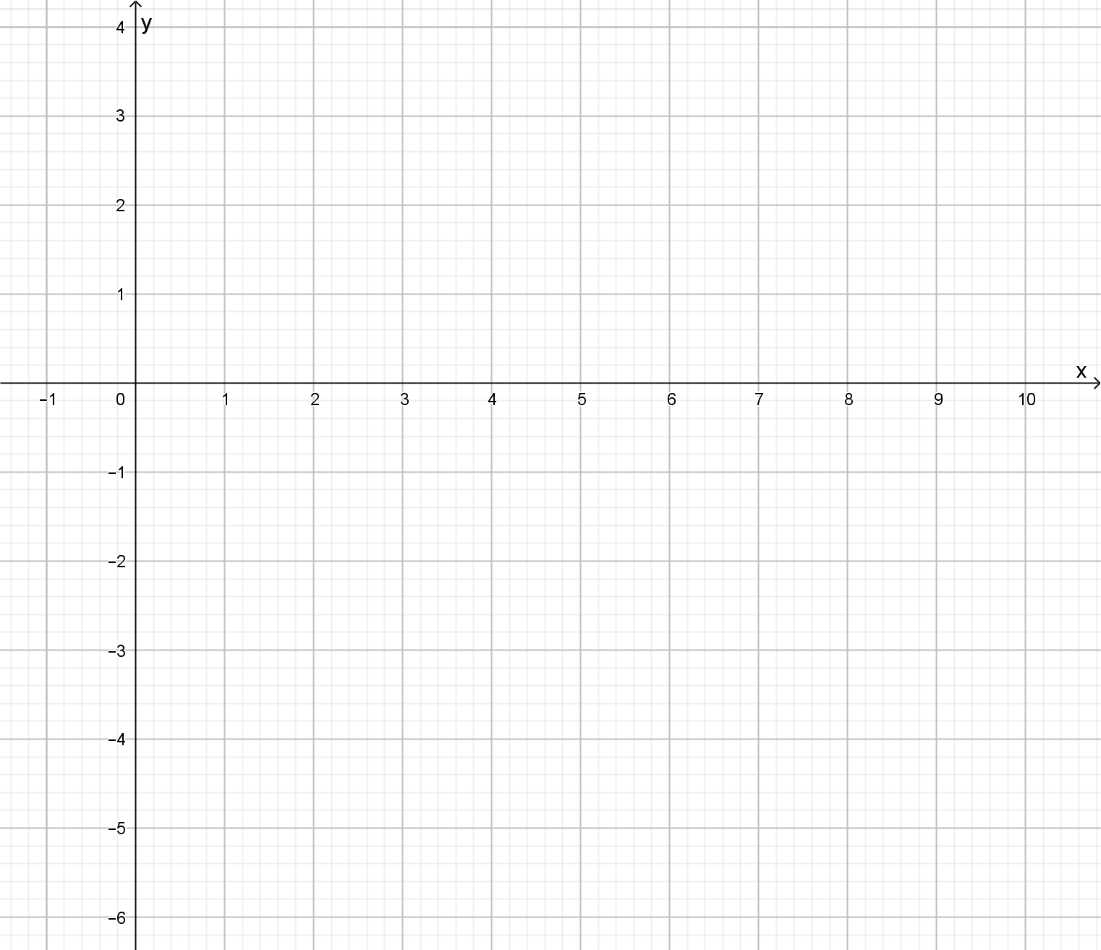
### Opgave 1

Vi undersøger nu differentialligningen nærmere vha. dens linjeelementer.

1. Udfyld resten af tabellen nedenfor og tegn de resterende linjeelementer i koordinatsystemet.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |

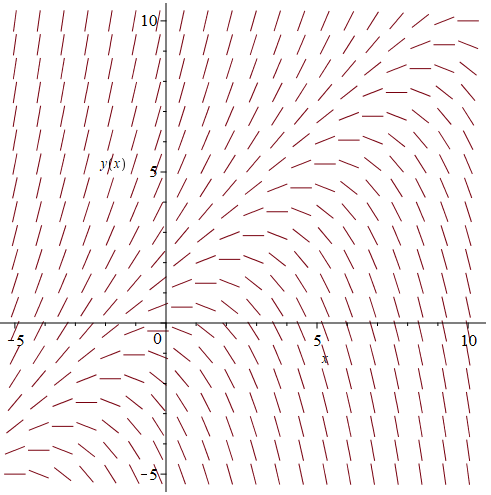
1. Vi vil nu skitsere en løsning af differentialligningen som opfylder begyndelsesbetingelsen . Skitsér en graf der stort set følger de linjeelementer I har udregnet i opgave b (punkterne ovenfor er kun tænkt som støttepunkter, grafen går kun tilnærmelsesvis igennem punkterne).



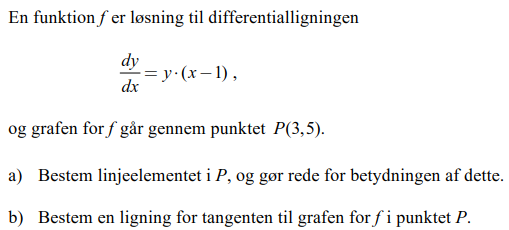
### Opgave 2

Nedenfor ses en tegning af en stor mængde af linjeelementerne til . Dette kaldes et *hældningsfelt* (eller et retningsfelt) og vha. det kan vi nemt skitsere løsninger til en differentialligning. Grafen af en løsning til differentialligningen kaldes også en *løsningskurve.*

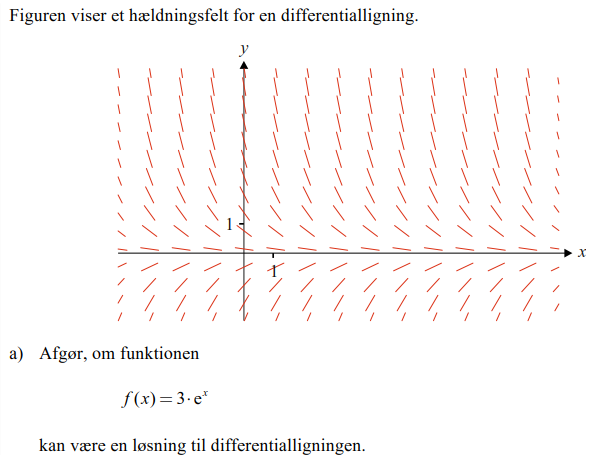
1. Skitsér den løsningskurve som opfylder begyndelsesbetingelsen
2. Skitsér den løsningskurve som opfylder begyndelsesbetingelsen
3. Vis i hånden at er en løsning til differentialligningen.



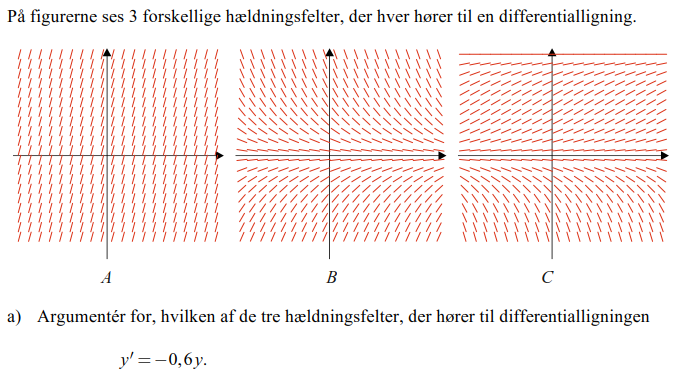
### Opgave 3



### Opgave 4



### Opgave 5



Vha. kommandoen nedenfor kan man få Maple til at tegne hældningsfeltet fra opgave 2.

Et billede, der indeholder tekst

Automatisk genereret beskrivelse

Hvis man også gerne vil have Maple til at tegne en løsningskurve, kan det gøres således for f.eks. begyndelsesbetingelsen :

Et billede, der indeholder tekst

Automatisk genereret beskrivelse

### Opgave 6

En differentialligning er givet ved

1. Tegn i Maple et hældningsfelt til differentialligningen og skitser den løsningskurve som har begyndelsesbetingelsen .
2. Lad være løsningen til differentialligningen med begyndelsesbetingelsen .  
   Brug løsningskurven til at estimere .

### Opgave 7 (valgfri)

Et billede, der indeholder tekst

Automatisk genereret beskrivelse

### Opgave 8 (på klassen)

Nedenfor ses graferne til to funktioner. Hvorfor kan begge disse funktioner ikke være en løsning til den samme differentialligning? *Tip: hvad går galt i skæringspunktet?*

